

无双线性对的可撤销的无证书加密

孙银霞¹, 刘 静²

(1. 南京师范大学计算机科学与技术学院, 江苏 南京 210023)

(2. 江苏联合职业技术学院, 江苏 徐州 221008)

[摘要] 无证书公钥密码体制既克服了基于身份的公钥体制的密钥托管问题, 又不需要像传统公钥体制那样管理公钥证书, 是目前的研究热点. 而对于任何公钥密码体制, 如何撤销一个用户是必须解决的问题. 然而, 目前对无证书系统的撤销问题还缺乏理想的解决方案. 本文基于无证书加密, 提出了1种高效的无证书系统的撤销方法, 构造了1个具体的可撤销的无证书加密方案. 该方案不需要计算双线性对, 密钥的更新在公共信道上就可以完成, 所以我们的方案在效率方面远远优于现有方案. 在安全性方面, 本文的方案达到了CCA2安全.

[关键词] 撤销, 无证书签名, 无双线性对

[中图分类号] TP309 **[文献标志码]** A **[文章编号]** 1001-4616(2015)04-0052-05

Revocable Certificateless Encryption Without Bilinear Pairing

Sun Yinxia¹, Liu Jing²

(1. School of Computer Science and Technology, Nanjing Normal University, Nanjing 210023, China)

(2. Jiangsu Union Technical Institute, Xuzhou 221008, China)

Abstract: Certificateless public key cryptosystem, without certificate and key escrow problem, has received wide attention. For a public key cryptosystem, how to revoke a user is a necessary problem to be addressed. However, there still lacks good method to solve the revocation problem in certificateless setting. Based on certificateless encryption, this paper presents a revocation method by constructing a revocable certificateless encryption scheme. Our scheme does not need any bilinear pairing, and the key-update is done via public channels. So, our scheme is more efficient than the existing solutions. The new scheme reaches CCA2 security.

Key words: revocable, certificateless encryption, without bilinear pairing

公钥密码学的发明是密码学史又一新的起点, 它为解决日益突出的信息安全问题提供了新的思路和技术, 使密钥分配变得十分简单. 在公钥密码系统里, 首先需要解决的是公钥的认证问题. 传统的公钥系统通过公钥证书来实现认证, 不足是公钥证书管理需要非常大的开销. 1984年, 著名的密码学家Shamir^[1]提出了基于身份的公钥密码系统(identity based public key cryptography, IBPKC)的概念, 该系统使用用户唯一的身份作为公钥, 比如手机号、IP地址和Email地址, 从而消除了管理公钥证书的任务. IBPKC的用户私钥是由系统的私钥生成器(PKG)来生成的, 这导致PKG掌握了所有用户私钥, 它可以解密任何用户的密文, 以及代表任何用户进行签名. 这种密钥托管问题在一些实际应用中是不被接受的. 于是在2003年, Al-Riyami和Paterson^[2]这两位学者综合了前两种公钥系统的优点, 提出了无证书公钥密码系统(certificatelless public key cryptography, CLPKC). CLPKC的用户私钥的生成采用的方法是, 一部分由系统的密钥生成中心(KGC)生成, 另一部分则由用户自己选取, 从而巧妙地解决了证书管理问题和密钥托管问题, 虽然在算法上略微增加了一些计算量, 然而在一些实际应用环境中能取得比前两种公钥系统更好的效果.

任何公钥系统都必须解决用户的撤销问题. 在传统公钥系统中, 撤销技术较成熟, 有撤销列表CRLs、

收稿日期: 2015-02-16.

基金项目: 江苏省自然科学基金青年基金(BK20130908)、江苏省高校自然科学基金(13KJD520006)、国家自然科学基金(61170298)、南京师范大学科研基金(2012119XGQ181).

通讯联系人: 刘静, 讲师, 研究方向: 网络与信息安全. E-mail: 41477341@qq.com

在线证书状态协议 OCSP 和 Novomodo^[3]等.但是在没有证书的公钥系统中,用户的撤销却变得更为复杂.根据基于身份的和无证书的公钥系统的特点,目前的撤销技术主要是通过系统为用户更新密钥来实现,这也是最初 Boneh-Franklin^[5]和 AlRiyami-Paterson^[2]在他们的论文中提到的撤销技术.这种方法原理简单,但实际操作消耗的计算资源较多,因为每次更新的密钥都必须通过秘密信道传递,而秘密信道的建立意味着大的计算和通信开销.目前对基于身份的公钥系统,这一问题已有不少解决方案^[5-6],Boldyreva 等人^[5]设计的可撤销的基于身份的加密方案具有可扩展性,减轻了 PKG 的负担,随后 Libert 和 Vergnaud^[8]对该方案作了改进,提高了安全性.其它的相关方案有比如参考文献[8-10]的方案.在 PKC2013 上,Seo 等人^[11]又进一步探讨了应对解密密钥泄露威胁的措施.

然而,对无证书公钥系统下的撤销问题的研究却相对较少,所以研究高效的可撤销的无证书密码方案具有重要的理论和实际意义. Al-Riyami 在参考文献[2, 12]中提到的撤销方法是定期为用户更新部分私钥.这依赖于秘密信道,并不具备很好的实用性.尽管最近 Limin Shen 等人^[13]提出了新的无证书撤销方案,但是他们的方案存在安全漏洞.近期,我们也设计了 1 个标准模型下的可撤销的无证书加密方案^[14].

本论文构造 1 个无双线性对的可撤销的无证书加密方案.用户的部分私钥和时间密钥采用 Schnorr 签名算法, KGC 定期给所有未被撤销的用户更新密钥,这些更新的时间密钥通过公开信道传输.当系统需要撤销某个用户时,它就停止为该用户生成新的时间密钥.与普通的无证书加密方案相比,本文的方案在获得撤销功能的同时,加密和解密算法在效率方面几乎没有受到影响, KGC 增加的计算量是计算时间密钥,这对于计算能力越来越强大的服务器而言是完全具有现实意义的.而对于计算终节点来说,不需要计算复杂的双线性对是一件好事.本文的方案在选择密文攻击下是可证明安全的.

1 预备知识

在给出具体构造之前,先介绍预备知识,包括可撤销的无证书加密的定义、安全模型和基于的数学困难问题.

1.1 可撤销的无证书加密的定义

一个可撤销的无证书加密方案由以下 8 个算法构成:

- (1)建立系统:输入安全参数 k ,生成 1 组系统公开参数和 1 个系统主密钥.
- (2)生成部分私钥:该算法由 KGC 执行,输入 1 个用户的身份 ID ,输出该用户的部分私钥 D_m .该部分私钥通过秘密信道传输给用户,由用户保存.
- (3)生成时间密钥:KGC 在每个时间段 T ,为每个用户生成 1 个时间密钥 $D_{m,T}$.该时间密钥通过公开信道传输给用户.
- (4)生成秘密值:用户选取 1 个秘密值 SV_m .
- (5)生成私钥:用户的完整私钥 SK_m 由用户的部分私钥 D_m 和秘密值组 SV_m 成.
- (6)生成公钥:输入系统参数和秘密值 S_m ,计算用户 ID 的公钥为 PK_m .
- (7)加密:发送者在时间 T 加密消息 M 发送给用户 ID ,输入公钥、时间参数和系统参数,计算并输出密文 C .
- (8)解密:接收者用私钥、时间密钥解密密文.

1.2 安全模型

本小节讨论可撤销的无证书加密的安全模型.无证书公钥系统存在两类攻击者:第一类攻击者和第二类攻击者.其中,第一类攻击者模拟外部攻击者,能够替换任何用户的公钥;第二类攻击者模拟诚实但好奇的 KGC.本论文所讨论的可撤销的无证书加密,还需要考虑恶意的被撤销的用户.

首先给出后面将要用到的“不可忽略”的概念.

定义 2.1 如果对于所有的正多项式 $h(x)$,总是存在 1 个整数 $N>0$ 使得当 $x>N$,有 $f(x)\leq 1/h(x)$,则称函数 $f(x)$ 是可忽略的.

下面我们通过攻击者 A 与挑战者 \mathcal{C} 之间的游戏来定义可撤销的无证书加密的安全性.

游戏:

- (1) $(params, msk) \leftarrow \mathcal{C}^{Setup}(1^k)$

- (2) $A^{\text{oracles}}(params, inf)$
- (3) $(M_0, M_1, ID^*, T^*) \leftarrow A, C^* \leftarrow \mathcal{E}$
- (4) A^{oracles}
- (5) $\beta' \in \{0, 1\} \leftarrow A$

如果 A 为第一类攻击者, 那么 $inf = \phi$ (空集); 如果 A 为第二类攻击者, 那么 $inf = msk$; 如果 A 为恶意的被撤销的用户, 那么 $inf = \{D_{id}, SV_{id}\}$. 攻击者在阶段(2)和阶段(4)可访问如下预言器(oracles):

部分私钥询问(第一、三类攻击者): 攻击者提供 1 个用户身份 ID , 挑战者运行“生成部分私钥”算法得到该用户的部分私钥 D_{id} , 并把 D_{id} 返回给攻击者.

时间密钥询问: 攻击者询问 (ID, T) 的时间密钥, 挑战者运行“生成时间密钥”算法得到 $D_{id,T}$, 并把 $D_{id,T}$ 返回给攻击者.

秘密值询问: 攻击者可以询问任何用户的秘密值, 但是不允许询问 1 个被替换的公钥对应的秘密值.

私钥询问: 攻击者可以询问用户的私钥, 除了挑战身份对应的私钥.

公钥询问: 攻击者可以向挑战者询问每个用户的公钥.

公钥替换: 第一类和第三类攻击者可以替换任何用户公钥.

解密询问: 攻击者可以询问任何密文的明文. 在阶段(4)不能询问挑战密文的明文.

定义攻击者 A 在以上游戏中的优势为 $2(\Pr[A] - 1/2)$. $\Pr[A]$ 表示 A 在游戏中获胜的概率.

定义 2.2 如果不存在多项式时间的攻击者在以上游戏中以不可忽略的优势获胜, 那么称 1 个可撤销的无证书加密方案在选择密文攻击下是密文不可区分的(IND-CCA2 安全).

1.3 计算 Diffie-Hellman 问题

定义 2.3 计算 Diffie-Hellman 问题(CDH 问题): 给定 $g^a, g^b \in Z_p^*$, 其中 p 是素数, g 是群 Z_p^* 的 1 个 q 阶生成元, 计算 g^{ab} 的值.

2 方案的具体构造

本节构造 1 个无双线性对的可撤销的无证书加密方案, 该方案很好地解决了用户撤销问题, 同时由于没有双线性对的计算, 因此所需计算资源较少, 是 1 种实用的无证书加密方案. 具体由以下 8 个算法组成:

(1) 建立系统: 选择两个素数 p, q , 使得 $p=2q+1$, g 是 Z_p^* 的 1 个 q 阶元素, 随机选取 $x \in Z_p^*$, 计算 $y = g^x \cdot H_1: \{0, 1\}^* \rightarrow Z_q^*$.

(2) 生成部分私钥: 随机选取 $r \in Z_p^*$, 计算 $w_{id} = g^r, d_{id} = r + xH_1(ID, w_{id})$. 输出部分私钥 (w_{id}, d_{id}) .

(3) 生成时间密钥: 在时间段 T , KGC 为用户 ID 计算时间密钥. 随机选取 $r' \in Z_p^*$, 计算 $w_{id,T} = g^{r'}$, $d_{id,T} = r' + xH_2(ID, T, w_{id,T})$. 输出时间密钥 $(w_{id,T}, d_{id,T})$. 其中 $w_{id,T}$ 以某种方式公开发布.

(4) 生成秘密值: 随机选取 $v_{id} \in Z_p^*$ 作为秘密值.

(5) 生成私钥: 用户的完整私钥为 $SK_{id} = (d_{id}, v_{id})$.

(6) 生成公钥: 用户 ID 的公钥为 $PK_{id} = (PK_{id,0}, PK_{id,1}) = (g^{v_{id}}, w_{id})$.

(7) 加密: 输入用户 ID 的时间参数 T 、 $w_{id,T}$ 、公钥和消息 M . 随机选取 $\sigma \in \{0, 1\}^l$, 计算 $r = H_3(\sigma, M)$, $U = g^r$ 以及 $V = (\sigma \| M) \oplus H_4(PK_{id,0}^r, w_{id}^r y^{H_1(ID, w_{id})^r}, w_{id,T}^r y^{H_2(ID, T, w_{id,T})^r})$. 输出密文 $C = (U, V)$.

(8) 解密: 对于密文 (U, V) , 输入用户 ID 的私钥, 时间密钥 $d_{id,T}$. 首先计算 $\sigma \| M = V \oplus H_4(U^{v_{id}}, U^{d_{id}}, U^{d_{id,T}})$, 计算 $r = H_3(\sigma, M)$ 并验证等式 $g^r = U$ 是否成立: 若是, 则输出明文 M ; 否则输出 \perp 表示解密失败.

3 安全证明和效率分析

3.1 安全性证明

本小节讨论以上方案的安全性, 通过定理 1, 定理 2 和定理 3 不难得出结论: 本文的方案满足 IND-CCA2 安全性. 其中我们只详细证明定理 2.

定理 1 如果存在一个第一类攻击者 A_I ,他能以优势 ε 区分两个等长明文的密文,那么就存在一个算法 B ,能以概率 $\varepsilon' \geq \frac{\varepsilon}{q_4}$ 解决 CDH 问题. 其中, q_4 表示询问随机预言器 H_4 的次数.

定理 2 如果存在 1 个第二类攻击者 A_{II} ,他能以优势 ε 区分两个等长明文的密文,那么就存在 1 个算法 B ,能以概率 $\varepsilon' \geq \frac{\varepsilon}{q_4}$ 解决 CDH 问题. 其中, q_4 表示询问随机预言器 H_4 的次数.

证明 现有算法 B ,其目的是解决 CDH 问题,即任意给定 $g^a, g^b \in Z_p$,计算 g^{ab} . B 将利用第二类攻击者来解决 CDH 问题.

首先, B 建立系统,随机选取 $x \in Z_p$ 作为系统主密钥,计算 $y = g^x$,系统公共参数为 (p, q, y, H_1, H_2, H_3) ,并把 x 发送给攻击者 A_{II} .

然后 A_{II} 开始攻击,他将作一系列如下询问,并把每个询问—回答记录到相应的列表中. A_{II} 首先选取将要攻击的用户 ID^* .

Hash 询问: 对 H_1, H_2, H_3 和 H_4 的询问,挑战者从相关的域中随机选取 1 个值作为回答.

秘密值询问: 当 A_{II} 询问某个用户 ID 的秘密值时,若 $ID \neq ID^*$,则 B 从 Z_q 中随机选取 1 个元素 v_m 作为对该询问的回答;否则,游戏结束.

公钥询问: 对于每个公钥询问 (ID) ,若 $ID = ID^*$,则 B 输出公钥 $PK_{m,0} = g^a$;否则, B 先从秘密值列表中找出对应的秘密值 v_m ,然后计算公钥 $PK_{m,0} = g^{v_m}$.

解密询问: 当 A_{II} 询问 $(C=(U, V), ID, T)$ 的明文时,

(1) 如果 $ID \neq ID^*$,则 B 运行解密算法,并输出结果;

(2) 否则, B 随机选取一个 $M \in \{0, 1\}^n$ 作为回答.

挑战: A_{II} 输出两个等长的明文消息 (M_0, M_1) ,时间 T^* . B 设定 $U^* = g^b$,然后随机选取 $V^* \in \{0, 1\}^{n+l}$,输出挑战密文 $C^* = (U^*, V^*)$.

A_{II} 继续如前一阶段作一系列询问,除了 ID^* 的秘密值以及挑战密文的明文.

猜测: A_{II} 输出 $\beta' \in \{0, 1\}$. B 从 H_4 列表中随机选取 1 个记录 (u_0, u_1, u_2, h_4) ,输出其中的第一项 u_0 作为对 CDH 问题的回答.

分析: 由于 H_4 是模拟成随机预言器的,所以假如 A_{II} 能以 1 个不可忽略的优势 ε 猜测成功,那么其必然会以不小于 ε 的优势向 H_4 询问 $(dh(g^a, g^b), u_1, u_2)$ 的 hash 值. 因此, B 解决 CDH 问题的概率为 $\varepsilon' \geq \frac{\varepsilon}{q_4}$.

定理 3 如果存在 1 个被撤销用户攻击者 A_{re} ,他能以优势 ε 区分两个等长明文的密文,那么就存在一个算法 B ,能以概率 $\varepsilon' \geq \frac{\varepsilon}{q_4}$ 解决 CDH 问题. 其中, q_4 表示询问随机预言器 H_4 的次数.

3.2 性能评价

本文给出的方案是无证书公钥系统下的 1 个加密方案,该方案以较小的代价解决了用户撤销问题,同时方案不需要进行双线性对计算. 现有的无证书系统的撤销技术主要有两种:一种是周期更新用户的部分私钥并通过秘密信道传输给用户,另一种是设置 1 个可信中介 SEM 来协助用户完成解密操作. 与第一种比较,本文的方案节省了建立秘密信道的开销;与第二种方法比较,采用本文的方案,用户之间可以独立通信,而无需可信第三方的协助.

4 结语

无证书公钥系统没有复杂的证书管理,也没有用户私钥托管,虽然计算量有所增加,但与其优点相比,无证书系统仍然不失为一种较理想的公钥密码体制. 撤销问题是公钥密码系统必须解决的问题,然而,目前无证书公钥系统的撤销问题依然缺乏高效实用的解决方法.

在现有的无证书撤销技术中,主要的方法是 KGC 周期性地为每个用户更新部分私钥,然后通过秘密信道传输给用户. 但秘密信道的建立需要 KGC 和用户消耗更多的计算资源. 本文针对无证书系统的撤销问题,设计了 1 个不使用双线性对的可撤销的无证书加密方案,密钥的更新通过公开信道传输,且没有复

杂的双线性对运算,从而大大节约了计算和通信开销.在计算 Diffie-Hellman 问题的困难性假设下,我们的方案是 IND-CCA2 可证明安全的.

[参考文献]

- [1] SHAMIR A. Identity-based cryptosystems and signature schemes [C]//LNCS 196, Crypto 1984, Berlin: Springer-Verlag, 1984:47-53.
- [2] AL-RIYAMI S S, PATERSON K. Certificateless public key cryptography [C]//LNCS 2894, Asiacrypt 2003, Berlin: Springer-Verlag, 2003:452-473.
- [3] MICALI S. Novomodo: scalable certificate validation and simplified PKI management [C]//Proceedings of 1st annual PKI research workshop 2002, Gaithersburg: NIST, 2002: 15-25.
- [4] BONEH D, FRANKLIN M. Identity-based encryption from the Weil pairing [C]//LNCS 2139, CRYPTO 2001, Berlin: Springer-Verlag, 2001:213-229.
- [5] BOLDYREVA A, GOYAL V, KUMAR V. Identity-based encryption with efficient revocation [C]//Proceeding of CCS 2008, New York: ACM Press, 2008:417-426.
- [6] LIBERT B, QUISQUATER J J. Efficient revocation and threshold pairing based cryptosystems [C]//Proceeding of PODC 2003, New York: ACM Press, 2003:163-171.
- [7] LIBERT B, VERGNAUD D. Adaptive-ID secure revocable identity-based encryption [C]//LNCS 5473, CT-RSA 2009, Berlin: Springer-Verlag, 2009:1-15.
- [8] TSENG Y M, TASI T T. Efficient revocable ID-based encryption with a public channel [J]. The computer journal, 2012, 55(4): 475-486.
- [9] TSAI T T, TSENG Y M, WU T Y. Revocable ID-based signature scheme with batch verifications [C]//Proceeding of IHHMS 2012, Piraeus: IEEE, 2012:49-54.
- [10] TSAI T T, TSENG Y M, WU T Y. Provably secure revocable ID-based signature in the standard model [J]. Security and communication networks, 2013, 6(10): 1 250-1 260.
- [11] SEO J H, EMURA K. Revocable identity-based encryption revisited: security model and construction [C]//LNCS 7778, PKC 2013, Berlin: Springer-Verlag, 2013:216-234.
- [12] AL-RIYAMI S S. Cryptographic schemes based on elliptic curve pairings [D]. London: University of London, 2004.
- [13] SHEN L, ZHANG F, SUN Y. Efficient revocable certificateless encryption secure in the standard model [J]. The computer journal, 2014, 57(4):592-601.
- [14] SUN Y, ZHANG F, SHEN L. Efficient revocable certificateless encryption secure against decryption key exposure [J]. IET information security, 2015, 9(3): 158-166.

[责任编辑:顾晓天]